

1) Simplifica todo lo posible racionalizando los denominadores :

$$\frac{2\sqrt{2}}{3\sqrt{2}-\sqrt{3}} + \frac{\sqrt{3}}{2\sqrt{3}+\sqrt{2}} - \frac{\sqrt{2}}{2\sqrt{3}} \quad S: \frac{21-2\sqrt{6}}{15}$$

2) Simplifica todo lo posible la siguiente operación con fracciones algebraicas:

$$\left(x + \frac{x}{x-1}\right) : \left(x - \frac{x}{x-1}\right) - \frac{x}{x+2} \quad S: \frac{4x}{x^2-4}$$

3) Dado el polinomio  $p(x) = x^4 - x^3 - 14x^2 + 12x + 24$ . Comprueba que es divisible por el polinomio  $q(x) = x^2 - 12$ . Descompón el polinomio  $p(x)$  en factores.

$$S: p(x) = (x+1)(x-2)(x-\sqrt{12})(x+\sqrt{12})$$

4) Calcula tres números sabiendo que su suma es 105, al dividir el mayor entre el menor da 3 de cociente y 5 de resto, y que la media aritmética de los dos mayores es igual al triple del menor. Resuélvelo por el método de Gauss.

$$S: (50, 40, 15)$$

5) Resuelve la siguiente ecuación:

$$\sqrt{1-5x} - 2\sqrt{x+4} = 2$$

$$S: < \begin{matrix} -3 \\ -\frac{3\sqrt{1}}{8} \end{matrix} \rightarrow \text{NO VALE}$$

6) Resuelve el siguiente sistema de inecuaciones:

$$\begin{aligned} \frac{2+x}{2-x} > \frac{1}{3} & \rightarrow (-1, 2) \\ (x-2)^2 - 1 \geq 3+x & \rightarrow (-\infty, 0] \cup [5, +\infty) \end{aligned}$$

Solución del sistema:  $(-1, 0]$

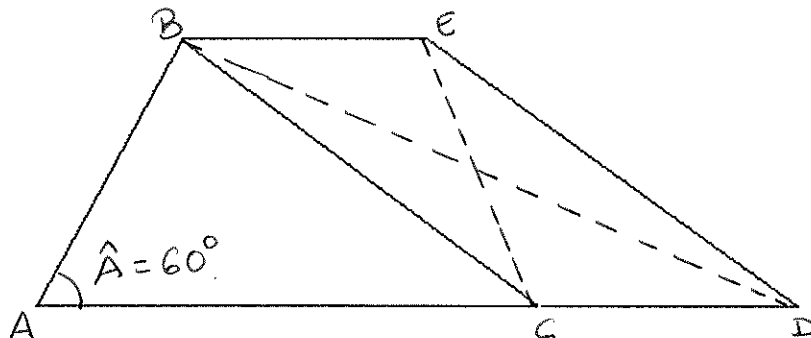
1) a) Si la estatura de Carlos aumentase en el triple de la diferencia de las estaturas de Antonio y Juan, Carlos sería igual de alto que Juan. Hallar las estaturas de los tres sabiendo que entre todos miden 515 cm, y que la estatura de Antonio es  $\frac{9}{8}$  de la de Carlos. Resuélvelo por el método de Gauss:

b) Calcula un número de dos cifras sabiendo que el producto de sus cifras es 12, y si invertimos las cifras obtenemos un número 36 unidades menor.

2) Resuelve el siguiente sistema de inecuaciones:

$$\left. \begin{aligned} \frac{(x-2)^2 + (x-2)}{x-1} &\leq \frac{x}{2} \\ \frac{2x-1}{3} - \frac{x-1}{2} &> \frac{x-1}{4} \end{aligned} \right\}$$

3) Calcula las diagonales del paralelogramo BCDE y el ángulo agudo que forman sabiendo que :  
 $AC= 8 \text{ cm}$  ,  $AB= 6 \text{ cm}$  ,  $AD= 12 \text{ cm}$  y el ángulo  $BAC= 60^\circ$  .



4) a) Demuestra la siguiente igualdad trigonométrica:

$$\frac{(\operatorname{tg} a + \operatorname{cotg} a)}{2 \cos a} \cdot \operatorname{sen} 2a = \sec a$$

b) Resuelve la siguiente ecuación trigonométrica:  $\operatorname{sen} x + \operatorname{sen} 2x = \operatorname{tg} x$

5) Calcula dejando los resultados en forma binómica:

a)  $1 + (1 - \sqrt{3}i)^3 + (1 + \sqrt{3}i)^6$

b)  $\sqrt[3]{\frac{i^8}{1-i}} : \frac{1+i}{i^5}$

1) Resuelve la siguiente ecuación:

$$2\sqrt{3x-2} - \sqrt{x-1} = 3 \quad x = 2$$

2) Resuelve el siguiente sistema de inecuaciones:

$$\left. \begin{array}{l} \frac{x^2 - 4}{x - 3} \leq \frac{3}{2} \\ (x + 3)^2 - x(x + 1) > x \end{array} \right\} \left( -\frac{1}{4}, \frac{1}{2} \right] \cup [1, 3)$$

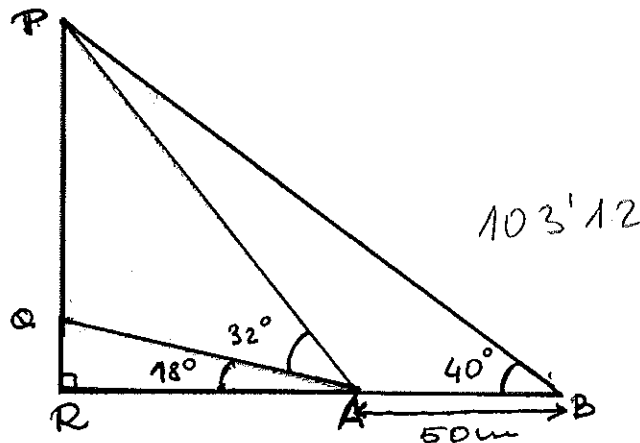
3) Sabiendo que  $\cos \frac{a}{2} = \frac{1}{\sqrt{3}}$  y que  $\sin b = \frac{\sqrt{3}}{2}$ . Calcula haciendo operaciones

$$\begin{array}{ll} \text{i) } \sin(a+b) & \text{y} \\ \frac{2\sqrt{2-\sqrt{3}}}{6} & \text{ii) } \operatorname{tg}(2a) \\ & \frac{4\sqrt{2}}{7} \end{array}$$

4) Resuelve la siguiente ecuación trigonométrica:

$$\cos^2 \frac{x}{2} + \cos x - \frac{1}{2} = 0 \quad \frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{2}$$

5) Calcula la distancia PQ en el siguiente dibujo:



6) Dados los números complejos:  $z_1 = \sqrt{3} + i$   $z_2 = 2 - 2i$   $z_3 = -i$ .

Calcula:

$$\text{a) } \frac{(z_1)^4 \cdot (z_2)^3}{(z_3)^{101}} \quad (128\sqrt{3} - 128) + (128\sqrt{3} + 128)i$$

$$\text{b) } \sqrt[4]{z_1 \cdot z_2}$$

$$\left. \begin{array}{l} \sqrt[4]{4\sqrt{2}} \\ \text{Módulo} \end{array} \right\} \begin{array}{l} 86'75^\circ \\ 176'75^\circ \\ 266'75^\circ \\ 356'25^\circ \end{array} \left. \vphantom{\begin{array}{l} \sqrt[4]{4\sqrt{2}} \\ \text{Módulo} \end{array}} \right\} \text{Argumentos}$$

1) Dados los vectores  $\vec{u} = (a, 3)$  y  $\vec{v} = (2, b)$

- a) Halla a y b para que sean paralelos y  $|\vec{u}| = 5$
- b) Halla a y b para que sean perpendiculares y  $|\vec{v}| = 3$

2) Dadas las rectas

$$r : \frac{x}{2} + \frac{y}{3} = 1 \quad y \quad s : \begin{cases} x = 2 + \lambda \\ y = -1 - \lambda \end{cases}$$

Calcula el ángulo que forman, su intersección y el área del triángulo formado por su intersección, y los cortes de cada recta con el eje de abscisas.

3) Los puntos A(-1,1) y B(1,3) determinan un cateto de un triángulo rectángulo en A. Halla el otro punto C para que el otro cateto mida 5 unidades.

4) Dada la recta  $r: 2x - y + 8 = 0$ . Halla la recta perpendicular a r que pasa por el punto P(3,-2). Calcula el punto de intersección de las dos rectas y llámalo Q. Prueba que se cumple que  $d(P,r) = d(P,Q)$ .

5) Encuentra las coordenadas de los puntos de la recta  $r: x + 2y - 3 = 0$  que están a 2 unidades de distancia de la recta  $s: 4x - 3y + 9 = 0$

### PROBLEMA OPCIONAL

6) Demuestra que si dos rectas forman un ángulo de  $45^\circ$  y sus pendientes respectivas son  $m_1$  y  $m_2$ , entonces se cumple que  $(1 + m_1) \cdot (1 - m_2) = 2$ .

EVALUACION: 2ª      CURSO: 1º B.C.T.      FECHA: 14/3/11      EXAMEN: 2º

1) Las rectas  $d_1: x - 2y + 4 = 0$  y  $d_2: 2x + y - 7 = 0$  son las diagonales de un rombo, los puntos  $P_1(-4,0)$  y  $P_2(3,1)$  son dos vértices consecutivos del rombo. Calcula los otros dos vértices, los ángulos, el perímetro y el área del rombo.

$$P_3(8,6) \quad \alpha = 36'86^\circ \quad P = 70\sqrt{2} \text{ u}$$

$$P_4(1,5) \quad \beta = 143'14^\circ \quad A = 30 \text{ u}^2$$

2) Dados los puntos  $A(2,1)$ ,  $B(5,4)$  y la recta  $r: y = -x - 5$ . Encuentra los puntos  $P$  de la recta  $r$  que cumplen que el área del triángulo  $APB$  es de  $9 \text{ u}^2$ .

$$P_1(1, -6) \quad P_2(-5, 0)$$

3) Dadas las rectas  $r: \frac{x-2}{4} = \frac{y-2}{3}$  y  $s: 12x + 5y - 34 = 0$ . Calcula sus dos bisectrices  $b_1$  y  $b_2$ . Demuestra después que el ángulo agudo que forman las rectas  $r$  y  $s$  es el doble del ángulo que forma  $r$  con una de las dos bisectrices.

$$b_1: 3x + 11y - 28 = 0 \quad b_2: 11x - 3y - 16 = 0$$

$$\alpha = 75'74^\circ \quad ; \quad \frac{\alpha}{2} = 37'87^\circ$$

4) Dada la circunferencia de ecuación  $C_1: x^2 + y^2 - 6x + 8y = 0$ , encuentra la ecuación de otra circunferencia que tenga de radio la quinta parte del radio de  $C_1$  y que además sea tangente interior a  $C_1$  en el origen de coordenadas.

$$\left(x - \frac{3}{5}\right)^2 + \left(y + \frac{4}{5}\right)^2 = 1$$

5) Encuentra la ecuación de una elipse sabiendo que pasa por el punto  $P(4, \sqrt{5})$  y que su eje horizontal es el doble del eje vertical. Calcula sus vértices, sus focos, su excentricidad y la intersección de la elipse con la circunferencia  $x^2 + y^2 - 2y - 3 = 0$ .

$$\frac{x^2}{36} + \frac{y^2}{9} = 1 \quad \text{Vértices: } (6, 0) \quad (-6, 0) \quad (0, 3) \quad (0, -3)$$

$$\text{Focos: } (3\sqrt{3}, 0) \quad (-3\sqrt{3}, 0)$$

$$e = \frac{\sqrt{3}}{2} \quad ; \quad I(0, 3)$$

### PROBLEMA OPCIONAL

6) Encuentra la ecuación del lugar geométrico de los puntos del plano cuyo cociente de distancias a los puntos  $P_1(1,1)$  y  $P_2(-1,-1)$  vale 2. Explica de qué lugar geométrico se trata y calcula sus elementos principales.

1) Dado los vectores  $\vec{a} = (2, m)$   $\vec{b} = (n, 1)$  y  $\vec{c} = (m, n)$

i) Calcula m y n para que se cumpla que  $(\vec{a} \cdot \vec{b}) \cdot \vec{c} - (\vec{b} \cdot \vec{c}) \cdot \vec{a} = (1, -2)$

ii) Calcula m y n para que se cumpla que  $\vec{b}$  y  $\vec{c}$  sean paralelos y además  $|\vec{a}| = 2 |\vec{c}|$

2) Un paralelogramo tiene un vértice en A(3,2) y dos de sus lados son las rectas  $r: 2x + 3y = 7$  y  $s: x - 3y = -4$ . Halla las coordenadas de los otros vértices, prueba que sus diagonales se cortan en el punto medio y calcula su área.

3) Dada la recta  $r: \begin{cases} x = 3 - \lambda \\ y = -3 - 2\lambda \end{cases}$  y la circunferencia  $x^2 + y^2 - 4x + 10y - 7 = 0$ .

i) Comprueba que la recta r es un diámetro de la circunferencia

ii) Encuentra la ecuación de otro diámetro que forme con la recta r un ángulo de  $45^\circ$

4) Encuentra la ecuación de la circunferencia que tiene su centro en la recta

$r: \frac{x-3}{2} = \frac{y-4}{-4}$  y que pasa por los puntos P(-1,2) y Q(4,-3). Calcula los puntos de corte de la recta r y la circunferencia.

5) Encuentra la ecuación de una elipse sabiendo que pasa por el punto  $P\left(\frac{\sqrt{2}}{2}, \sqrt{\frac{11}{3}}\right)$  y que su excentricidad es  $e = \frac{\sqrt{3}}{3}$ . Encuentra la ecuación de una hipérbola que tiene los mismos focos que la elipse sabiendo que una de sus asíntotas es la recta  $y = x$ . Calcula los puntos de corte de la elipse y la hipérbola.

### PROBLEMA OPCIONAL

6) Dadas las circunferencias de la forma  $x^2 + y^2 - 2kx - 4ky + 4k^2 = 0$  con  $k \in \mathbb{R}$

i) Demuestra que el radio de todas ellas es k

ii) Demuestra que los centros de todas ellas están en una recta y di cuál es su ecuación

1) Dadas las funciones  $f(x) = \sqrt{\frac{x}{x-1}}$  y  $g(x) = \frac{x^2}{x^2-1}$

- i) Calcula el dominio de f y el dominio de g
- ii) Calcula  $g^{-1}(x)$  y comprueba que  $g^{-1}(g(x)) = f(x)$
- iii) Calcula la composición de funciones  $f \circ g$
- iv) ¿Pertenece 2 al recorrido de  $f(x)$ ? ¿Y al de  $g(x)$ ?

2) a) Representa gráficamente la función  $f(x) = x^2 - |x^2 - 4x|$

b) Resuelve la siguiente ecuación exponencial  $9^x + \left(\frac{1}{3}\right)^x = 3^x + 1$

3) Calcula los siguientes límites

i)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{4x^2+x} - \sqrt{x^2-x}}{x}$

ii)  $\lim_{x \rightarrow 1} \left( \frac{x^3-1}{x} \cdot \frac{x+1}{x^2-3x+2} \right)$

iii)  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2+x}{\sqrt{x+1}-1}$

4) Dada la siguiente función  $f(x) = \begin{cases} \frac{-1}{x+2} & \text{si } x < 0 \\ \frac{x^2-2x+1}{x^2-1} & \text{si } 0 \leq x < 2 \\ \frac{15}{5x^2+a^2} & \text{si } 2 \leq x \end{cases}$

- i) Estudia la continuidad en  $x=1$
- ii) Calcula "a" para que sea continua en  $x=2$
- iii) Estudia la continuidad de forma generalizada

1) a) Dadas las funciones  $f(x) = x^3 - 1$     y     $g(x) = \frac{1}{x+1}$

- i) Calcula  $f^{-1}(x)$  y  $g^{-1}(x)$
- ii) Calcula  $f^{-1}(x) \circ g^{-1}(x)$
- iii) Calcula  $(g \circ f)(x)$
- iv) Calcula  $(g \circ f)^{-1}(x)$
- iv) Comprueba que  $(g \circ f)^{-1}(x) = f^{-1}(x) \circ g^{-1}(x)$

b) Resuelve el siguiente sistema de ecuaciones: 
$$\left. \begin{aligned} \log_2 x + \log_2 y &= 5 \\ x^2 &= 2y \end{aligned} \right\}$$

2) a) Calcula los siguientes límites:

i)  $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{\sqrt{x+3} - 1}{x^2 - 4}$       ii)  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\frac{x^2 - 1}{x^2} - \frac{x - 1}{x}}{x^2 - 3x + 2}$

b) Dada la función definida a trozos  $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{x} & \text{si } x < -1 \\ ax + 2 & \text{si } -1 \leq x < 3 \\ \frac{x^2 + 1}{x^2 - 16} & \text{si } 3 \leq x \end{cases}$

- i) Calcula "a" para que sea continua en  $x = -1$
- ii) Calcula "a" para que sea continua en  $x = 3$
- iii) Estudia la continuidad de toda la función cuando  $a = 3$

3) a) Dada la función  $f(x) = (x^2 - 2)^2 \cdot (x^3 + 2)$  calcula la recta tangente a la función en el punto de abscisa  $x = -1$

b) Dada la función  $g(x) = \frac{-4}{x+1}$

i) Calcula los puntos de la función en los que la tangente es paralela a la bisectriz del primer cuadrante

ii) Calcula los puntos de la función en los que la tangente es perpendicular a la recta  $r: 4x + y - 3 = 0$

4) Representa gráficamente la función  $f(x) = \frac{2x^2 - 10}{x - 3}$  calculando todos sus elementos principales



1) a) Dadas las funciones  $f(x) = \sqrt{\frac{x^2-3x}{x+1}}$  ,  $g(x) = \ln \frac{x-3}{x+2}$  y  $h(x) = \ln \sqrt{\frac{1+x}{1-x}}$

i) Calcula el dominio de  $f(x)$  , el dominio de  $g(x)$  y el dominio de  $h(x)$

ii) ¿Pertenece 1 al recorrido de  $f(x)$ ?

iii) ¿Pertenece 0 al recorrido de  $g(x)$ ?

b) Resuelve el siguiente sistema de ecuaciones 
$$\left. \begin{aligned} 3^x + 5 \cdot 2^y &= 19 \\ 9^x - 4^y &= 77 \end{aligned} \right\}$$

2) a) Calcula los siguientes límites

i)  $\lim_{x \rightarrow \infty} (\sqrt{x^2 + x + 1} - \sqrt{4x^2 - 2x})$

ii)  $\lim_{x \rightarrow 2} \left( \frac{1}{x^2 - 2x} \cdot \frac{x^3 - 8}{x^2 - 6x + 8} \cdot \frac{x - 2}{x} \right)$

b) Dada la siguiente función definida a trozos

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + 4x & \text{si } x < -2 \\ x + a & \text{si } -2 \leq x < 4 \\ -x^2 + 4x + 2 & \text{si } 4 \leq x \end{cases}$$

i) Calcula el valor de “a” para que sea continua en todo  $\mathbb{R}$

ii) Para ese valor de “a” dibuja la gráfica de la función

3) a) Dada la función  $f(x) = \frac{(x^2-1)^2}{x^3}$  calcula la recta tangente a la función en el punto de abscisa  $x=2$

b) Dada la función  $g(x) = \frac{1}{x^2}$  calcula su derivada utilizando la definición de derivada (regla de los 5 pasos)

c) Dada la función  $h(x) = x + \sqrt{x}$  calcula los puntos en los que la recta tangente es perpendicular a la recta  $r: 2x + 3y - 3 = 0$

4) Representa gráficamente la función  $f(x) = \frac{3x^2+8}{x^2-4}$  calculando todos sus elementos principales

Primera Evaluación

- 1) Calcula un número de tres cifras sabiendo que la suma de sus cifras es 10, la cifra de las unidades es igual a la suma de la cifra de las decenas y las centenas, además si intercambiamos las cifras de las unidades y las centenas obtenemos un número 198 unidades mayor. Resuélvelo por el método de Gauss.
- 2) Resuelve la siguiente ecuación irracional  $\sqrt{1-3x} - \sqrt{x+2} = 1$
- 3) Calcula los ángulos y el área de un paralelogramo cuyas diagonales miden 10 cm y 12 cm sabiendo que éstas se cortan formando un ángulo agudo de  $60^\circ$ .
- 4) Resuelve la siguiente ecuación trigonométrica  $\operatorname{sen} 2x \cdot \cos x + 3 \cos^2 x = 3$
- 5) Opera y calcula las raíces del siguiente número complejo  $\sqrt[3]{\frac{(1+\sqrt{3}i)^2}{(-i)^8} - \frac{i^6}{(1-\sqrt{3}i)^4}}$

Segunda Evaluación

- 6) Dados los vectores  $\vec{u} = (2, -a)$  y  $\vec{v} = (1, b)$  calcula "a" y "b" para que  $\vec{u}$  y  $\vec{v}$  sean perpendiculares y además se cumpla que  $|\vec{u}| = 2 \cdot |\vec{v}|$
- 7) Dadas las rectas  $r: \frac{x+3}{a} = \frac{y-1}{-3}$  y  $s: \begin{cases} x = 2 + \lambda \\ y = 1 - b\lambda \end{cases}$  calcula "a" y "b" sabiendo que se cortan en el punto I (-1, -2). Calcula también el ángulo que forman.
- 8) Dadas las rectas  $r: x - 2y + 7 = 0$ ,  $s: \frac{x}{2} + \frac{y}{-4} = 1$  y  $t: \frac{x-1}{-2} = \frac{y-4}{2}$  calcula los tres puntos donde se cortan y comprueba que determinan un triángulo isósceles.
- 9) Los puntos A(0,3), B(2,5) y C(7,0) determinan un trapecio rectángulo con los ángulos rectos en los vértices A y B. El cuarto vértice D está en la recta  $y = -5x + 35$ . Calcula el cuarto vértice y el área del trapecio.
- 10) Dada la circunferencia de ecuación  $C_1: x^2 + y^2 - 6x - 8y - 21 = 0$ . Encuentra la ecuación de una circunferencia  $C_2$  concéntrica con  $C_1$  y que pase por el punto P(2,1). Calcula la ecuación de la recta tangente a  $C_2$  en el punto P(2,1).

### Tercera Evaluación

11) Resuelve la siguiente ecuación logarítmica  $\log(x+9) - \frac{3}{2} \log x = \frac{1}{2} \log x + 1$

12) Representa gráficamente la función  $f(x) = x - |x^2 + x - 6|$ . Estudia su continuidad en los puntos de conexión.

13) Calcula los siguientes límites

i)  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x^2+3} - (x+1)}{2x-2}$

ii)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \left( \frac{x^3+x}{x^2-2x+1} - \frac{x^3-x}{x^2-1} \right)$

14) Dada la función  $f(x) = \frac{1}{x} + x + x^2$

- Calcula la ecuación de la recta tangente en el punto de abscisa  $x = -1$
- Encuentra todos los puntos de la función en los que su recta tangente es paralela a la bisectriz del primer cuadrante

15) Representa gráficamente la función  $f(x) = \frac{x^3}{x^2-1}$  calculando todos sus elementos principales

Primera Evaluación

1) a) Calcula la edad de Laura, Sergio y Marta sabiendo que la media aritmética de las tres edades es de 20 años, que dentro de 11 años la diferencia entre la edad de Laura y Sergio será el doble de la diferencia entre la edad de Sergio y Marta, y que hace 15 años la edad de Laura era el doble de la edad de Sergio y Marta juntos. Resuélvelo por el método de Gauss.

b) Resuelve el siguiente sistema de inecuaciones:

$$\left. \begin{array}{l} \frac{x^2 - 3x + 5}{x + 2} \leq 1 \\ (x + 1)^2 - (x - 1)^2 > x + 3 \end{array} \right\}$$

2) a) Sean A y B dos puntos inaccesibles, pero visibles ambos desde otros puntos accesibles C y D separados por una longitud de 75m. Suponiendo que los ángulos  $\angle ACD = 80^\circ$ ;  $\angle BCD = 45^\circ$ ;  $\angle BDC = 30^\circ$  y  $\angle ADC = 20^\circ$ , calcula la distancia entre A y B.

b) Resuelve la siguiente ecuación trigonométrica  $\cos 2x \cdot \cos x + 2 \cdot \operatorname{sen}^2 x = 1$

3) Dados los números complejos:  $z_1 = 1 + i$   $z_2 = 1 - i$  y  $z_3 = -i$ . Calcula:

$$\begin{array}{lll} \text{a) } (z_1 + z_2) \cdot \overline{(z_2 + z_3)} & \text{b) } \frac{z_3}{(z_2 + z_3)} & \text{c) } \\ \sqrt[4]{(z_1 - z_3) \cdot z_2} & & \end{array}$$

Segunda Evaluación

4) Dados los vectores  $\vec{u} = (3, 2a)$  y  $\vec{v} = (-2, -b)$  calcula "a" y "b" para que los vectores

$\vec{u}$  y  $\vec{v}$  sean perpendiculares y además los vectores  $\vec{u} + \vec{v}$  y  $\vec{u} - \vec{v}$  también sean perpendiculares.

Comprueba que los extremos de los cuatro vectores obtenidos forman un cuadrado.

5) Tenemos un paralelogramo de vértices ABCD, conocemos dos vértices opuestos que son A(3,4) y C(8,4), el lado que pasa por A y por B tiene de ecuación  $r: 3x - 2y - 1 = 0$  y la diagonal que pasa por B y por D tiene de ecuación  $s: \frac{x-4}{-1} = \frac{y-13}{6}$ . Calcula los otros vértices del paralelogramo y su área.

6) Dada la recta  $r: x - 2y - 4 = 0$  y el punto  $P(1, 1)$ , halla los vértices de un cuadrado que tiene en P uno de sus vértices y un lado sobre r

### Tercera Evaluación

7) a) Resuelve la siguiente ecuación exponencial:  $9^x - 2 \cdot 3^{x+2} + 81 = 0$

b) Dada la siguiente función definida a trozos

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + b x & \text{si } x < -3 \\ 2x & \text{si } -3 \leq x < 3 \\ x^2 - 3 & \text{si } 3 \leq x \end{cases}$$

i) Calcula el valor de "b" para que sea continua en todo  $\mathbb{R}$

ii) Para ese valor de "b" dibuja la gráfica de la función

8) a) Calcula los siguientes límites

i)  $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{(x+5) - \sqrt{x^2 + 5}}{x+2}$

ii)  $\lim_{x \rightarrow 1} \left( \frac{x^3 - x}{x^2 - 3x + 2} - \frac{x^2 - 1}{2x - 2} \right)$

b) Dada la función  $f(x) = 2x - \frac{1}{x}$

i) Calcula la ecuación de la recta tangente en el punto de abscisa  $x = 1/2$

ii) Calcula los puntos de la función en los que la recta tangente es paralela a la bisectriz del primer cuadrante

9) Representa gráficamente la función  $f(x) = \frac{x^2 + 8}{x - 1}$  calculando todos sus elementos principales